Муниципальное общеобразовательное учреждение

«Средняя школа №56»

|  |  |
| --- | --- |
| СОГЛАСОВАНОДата\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_заместитель директорапо учебно-воспитательной работе\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Моторнова М.Ю. | УТВЕРЖДАЮДиректоршколы\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Т. Н. ОзероваПриказ №01-14/365от « 30» августа 2023г |

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ПО статистике и терии вероятности

в 8-Б классе

Моторновой Марины Юрьевны

на 2023-2024 учебный год

**ФЕДЕРАЛЬНАЯ РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОГО КУРСА**

**«ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» В 7-9 КЛАССАХ**

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встала необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7-9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика»,

«Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Общее число часов, рекомендованных для изучения учебного курса «Вероятность и статистика», - 102 часа: в 7 классе - 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе - 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе - 34 часа (1 час в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

1. КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

1. КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

1. КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Предметные результаты освоения программы учебного курса к концу обучения **в 7 классе**:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

Предметные результаты освоения программы учебного курса к концу обучения **в 8 классе**:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

Предметные результаты освоения программы учебного курса к концу обучения **в 9 классе**:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

**7 КЛАСС**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Наименование раздела (темы) курса | Количество часов | Основное содержание | Основные виды деятельности обучающихся |
| Представление данных | 7 | Представление данных в таблицах. Практические вычисления по табличным данным. Извлечение и интерпретация табличных данных. Практическая работа «Таблицы». Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм. Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм.Практическая работа «Диаграммы» | **Осваивать способы** представлениястатистических данных и числовых массивов с помощью таблиц и диаграмм с использованием актуальных и важных данных (демографические данные, производство промышленной и сельскохозяйственной продукции, общественные и природные явления).**Изучать методы** работы с табличными и графическими представлениями данных с помощью цифровых ресурсов в ходе практических работ |
| Описательная статистика | 8 | Числовые наборы. Среднее арифметическое.Медиана числового набора. | **Осваивать понятия**: числовой набор, мера центральной тенденции (мера центра), в том числе среднее арифметическое, медиана. |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | Устойчивость медианы. Практическая работа «Средние значения». Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах | **Описывать** статистические данные с помощью среднего арифметического и медианы. Решать задачи.**Изучать свойства** средних, в том числе с помощью цифровых ресурсов, в ходе практических работ.**Осваивать понятия**: наибольшее и наименьшее значения числового массива, размах.**Решать задачи** на выбор способа описания данных в соответствии с природой данных и целями исследования |
| Случайная изменчивость | 6 | Случайная изменчивость (примеры). Частота значений в массиве данных. Группировка. Гистограммы.Практическая работа «Случайная изменчивость» | **Осваивать понятия**: частота значений в массиве данных, группировка данных, гистограмма. **Строить** и **анализировать** гистограммы, **подбирать** подходящий шаг группировки. **Осваивать** графические представления разных видов случайной изменчивости, в том числе с помощью цифровых ресурсов, в ходе практической работы |
| Введение в теорию графов | 4 | Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа. Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Цепь и | **Осваивать понятия**: граф, вершина графа, ребро графа, степень (валентность вершины), цепь и цикл.**Осваивать понятия**: путь в графе, эйлеров путь, обход графа, ориентированный граф.**Решать задачи** на поиск суммы степеней вершин |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | цикл. Путь в графе. Представление о связности графа. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированных графах | графа, на поиск обхода графа, на поиск путей в ориентированных графах.**Осваивать способы** представления задач из курса алгебры, геометрии, теории вероятностей, других предметов с помощью графов (карты, схемы, электрические цепи, функциональные соответствия) на примерах |
| Вероятность и частота случайного события | 4 | Случайный опыт и случайное событие. Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей. Практическая работа «Частота выпадения орла» | **Осваивать понятия**: случайный опыт и случайное событие, маловероятное и практически достоверное событие.**Изучать** значимость маловероятных событий в природе и обществе на важных примерах (аварии, несчастные случаи, защита персональной информации, передача данных).**Изучать** роль классических вероятностных моделей (монета, игральная кость) в теории вероятностей.**Наблюдать и изучать** частоту событий в простых экспериментах, в том числе с помощью цифровых ресурсов, в ходе практической работы |
| Обобщение, систематизация знаний | 5 | Представление данных. Описательная статистика. Вероятность случайного события | **Повторять** изученное и **выстраивать** систему знаний.**Решать задачи** на представление и описание данных с помощью изученных характеристик. **Обсуждать примеры** случайных событий, |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВОЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 |  |  |

8 КЛАСС

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Наименование раздела (темы) курса | Количество часов | Основное содержание | Основные виды деятельности обучающихся |
| Повторение курса 7 класса | 4 | Представление данных. Описательная статистика. Случайная изменчивость. Средние числового набора. Случайные события. Вероятности и частоты. Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость | **Повторять** изученное и **выстраивать** систему знаний.**Решать задачи** на представление и описание данных с помощью изученных характеристик.**Решать задачи** на представление группированных данных и описание случайной изменчивости.**Решать задачи** на определение частоты случайных событий, обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека |
| Описательная статистика.Рассеивание данных | 4 | Отклонения. Дисперсия числового набора.Стандартное отклонение числового набора.Диаграммы рассеивания | **Осваивать понятия:** дисперсия и стандартное отклонение, использовать эти характеристики для описания рассеивания данных.**Выдвигать гипотезы** об отсутствии или наличии связи по диаграммам рассеивания.**Строить** диаграммы рассеивания по имеющимся данным, в том числе с помощью компьютера |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Множества | 4 | Множество, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение.Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения.Графическое представление множеств | **Осваивать понятия**: множество, элемент множества, подмножество.**Выполнять операции** над множествами: объединение, пересечение, дополнение. **Использовать** свойства: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. **Использовать** графическое представление множеств при описании реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов и курсов |
| Вероятность случайного события | 6 | Элементарные события. Случайные события.Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий.Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор.Практическая работа «Опытыс равновозможными | **Осваивать понятия**: элементарное событие, случайное событие как совокупность благоприятствующих элементарных событий, равновозможные элементарные события.**Решать задачи** на вычисление вероятностей событий по вероятностям элементарных событий случайного опыта.**Решать задачи** на вычисление вероятностей событий в опытах с равновозможными элементарными событиями, в том числе с помощью компьютера. |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | элементарными событиями» | **Проводить и изучать опыты**с равновозможными элементарными событиями (с использованием монет, игральных костей, других моделей) в ходе практической работы |
| Введение в теорию графов | 4 | Дерево. Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения | **Осваивать понятия**: дерево как граф без цикла, висячая вершина (лист), ветвь дерева, путь в дереве, диаметр дерева.**Изучать свойства** дерева: существование висячей вершины, единственность пути между двумя вершинами, связь между числом вершин и числом рёбер.**Решать задачи** на поиск и перечисление путей в дереве, определение числа вершин или рёбер в дереве, обход бинарного дерева, в том числе с применением правила умножения |
| Случайные события | 8 | Противоположное событие. Диаграмма Эйлера.Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые | **Осваивать понятия**: взаимно противоположные события, операции над событиями, объединение и пересечение событий, диаграмма Эйлера (Эйлера—Венна), совместные и несовместные события.**Изучать теоремы** о вероятности объединения двух событий (формулы сложения вероятностей). **Решать задачи**, в том числе текстовые задачи на определение вероятностей объединения и |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | события. Представление случайного эксперимента в виде дерева | пересечения событий с помощью числовой прямой, диаграмм Эйлера, формулы сложения вероятностей.**Осваивать понятия**: правило умножения вероятностей, условная вероятность, независимые события дерево случайного опыта.**Изучать свойства** (определения) независимых событий.**Решать задачи** на определение и использование независимых событий.**Решать задачи** на поиск вероятностей, в том числе условных, с использованием дерева случайного опыта |
| Обобщение, систематизация знаний | 4 | Представление данных. Описательная статистика. Графы. Вероятность случайного события.Элементы комбинаторики | **Повторять** изученное и **выстраивать систему** знаний.**Решать задачи** на представление и описание данных с помощью изученных характеристик. **Решать задачи** с применением графов.**Решать задачи** на нахождение вероятности случайного события по вероятностям элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями. **Решать задачи** на нахождение вероятностей объединения и пересечения событий, в том числе независимых, с использованием графических представлений и дерева случайного опыта. |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | **Решать задачи** на перечисление комбинаций (числа перестановок, числа сочетаний), на нахождение вероятностей событий с применением комбинаторики, в том числе с использованием треугольника Паскаля |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВОЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 |  |  |

9 КЛАСС

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Наименование раздела (темы) курса | Количество часов | Основное содержание | Основные виды деятельности обучающихся |
| Повторение курса 8 класса | 4 | Представление данных. Описательная статистика. Операции над событиями. Независимость событий | **Повторять** изученное и **выстраивать систему** знаний.**Решать задачи** на представление и описание данных.**Решать задачи** на нахождение вероятностей объединения и пересечения событий, в том числе независимых, с использованием графических представлений и дерева случайного опыта.**Решать задачи** на перечисление комбинаций (числа перестановок, числа сочетаний), на нахождение вероятностей событий с применением комбинаторики, в том числе с использованием треугольника Паскаля |
| Элементы комбинаторики | 4 | Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Практическая работа «Вычисление вероятностей с использованием | **Осваивать понятия**: комбинаторное правило умножения, упорядоченная пара, тройка объектов, перестановка, факториал числа, сочетание, число сочетаний, треугольник Паскаля.**Решать задачи** на перечисление упорядоченных пар, троек, перечисление перестановок и сочетаний элементов различных множеств. |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  | комбинаторных функций электронных таблиц» | **Решать задачи** на применение числа сочетаний в алгебре (сокращённое умножение, бином Ньютона).**Решать, применяя** комбинаторику, задачи на вычисление вероятностей, в том числе с помощью электронных таблиц в ходе практической работы |
| Г еометрическая вероятность | 4 | Г еометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | **Осваивать понятие** геометрической вероятности. **Решать задачи** на нахождение вероятностей в опытах, представимых как выбор точек из многоугольника, круга, отрезка или дуги окружности, числового промежутка |
| Испытания Бернулли | 6 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли. Практическая работа «Испытания Бернулли» | **Осваивать понятия**: испытание, элементарное событие в испытании (успех и неудача), серия испытаний, наступление первого успеха (неудачи), серия испытаний Бернулли.**Решать задачи** на нахождение вероятностей событий в серии испытаний до первого успеха, в том числе с применением формулы суммы геометрической прогрессии.**Решать задачи** на нахождение вероятностей элементарных событий в серии испытаний Бернулли, на нахождение вероятности определённого числа успехов в серии испытаний Бернулли.**Изучать в ходе практической работы**, |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | в том числе с помощью цифровых ресурсов, свойства вероятности в серии испытаний Бернулли |
| Случайная величина | 6 | Случайная величина и распределение вероятностей.Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины.Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Применение закона больших чисел | **Освоить понятия**: случайная величина, значение случайной величины, распределение вероятностей.**Изучать и обсуждать** примеры дискретных и непрерывных случайных величин (рост, вес человека, численность населения, другие изменчивые величины, рассматривавшиеся в курсе статистики), модельных случайных величин, связанных со случайными опытами (бросание монеты, игральной кости, со случайным выбором и т. п.).**Осваивать понятия**: математическое ожидание случайной величины как теоретическое среднее значение, дисперсия случайной величины как аналог дисперсии числового набора.**Решать задачи** на вычисление математического ожидания и дисперсии дискретной случайной величины по заданному распределению, в том числе задач, связанных со страхованием и лотереями.**Знакомиться** с математическим ожиданием и дисперсией некоторых распределений, в том числе распределения случайной величины «число успехов» в серии испытаний Бернулли. |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | **Изучать** частоту события в повторяющихся случайных опытах как случайную величину. **Знакомиться** с законом больших чисел (в форме Бернулли): при большом числе опытов частота события близка к его вероятности.**Решать задачи** на измерение вероятностей с помощью частот. **Обсуждать** роль закона больших чисел в обосновании частотного метода измерения вероятностей.**Обсуждать** закон больших чисел как проявление статистической устойчивости в изменчивых явлениях, роль закона больших чисел в природе и в жизни человека |
| Обобщение, контроль | 10 | Представление данных. Описательная статистика. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения | **Повторять** изученное и **выстраивать систему** знаний.**Решать задачи** на представление и описание данных.**Решать задачи** на нахождение вероятностей событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, вероятностей объединения и пересечения событий, вычислять вероятности в опытах с сериями случайных испытаний |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВОЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 |  |  |

**7 КЛАСС**

| № п/п | Тема урока | Количество часов |
| --- | --- | --- |
| Всего |
| 1 | Представление данных в таблицах | 1 |
| 2 | Практические вычисления по табличным данным | 1 |
| 3 | Извлечение и интерпретация табличных данных | 1 |
| 4 | Практическая работа "Таблицы" | 1 |
| 5 | Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм | 1 |
| 6 | Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм | 1 |
| 7 | Практическая работа "Диаграммы" | 1 |
| 8 | Числовые наборы. Среднее арифметическое | 1 |
| 9 | Числовые наборы. Среднее арифметическое | 1 |
| 10 | Медиана числового набора. Устойчивость медианы | 1 |
| 11 | Медиана числового набора. Устойчивость медианы | 1 |
| 12 | Практическая работа "Средние значения" | 1 |
| 13 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах | 1 |
| 14 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах | 1 |
| 15 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах | 1 |
| 16 | Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика" | 1 |
| 17 | Случайная изменчивость (примеры) | 1 |
| 18 | Частота значений в массиве данных | 1 |
| 19 | Группировка | 1 |
| 20 | Гистограммы | 1 |
| 21 | Гистограммы | 1 |
| 22 | Практическая работа "Случайная изменчивость" | 1 |
| 23 | Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа | 1 |
| 24 | Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Цепь и цикл | 1 |
| 25 | Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа | 1 |
| 26 | Представление об ориентированных графах | 1 |
| 27 | Случайный опыт и случайное событие | 1 |
| 28 | Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе | 1 |
| 29 | Монета и игральная кость в теории вероятностей | 1 |
| 30 | Практическая работа "Частота выпадения орла" | 1 |
| 31 | Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события" | 1 |
| 32 | Повторение, обобщение. Представление данных | 1 |
| 33 | Повторение, обобщение. Описательная статистика | 1 |
| 34 | Повторение, обобщение. Вероятность случайного события | 1 |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 |

**8 КЛАСС**

| № п/п | Тема урока | Количество часов |
| --- | --- | --- |
| Всего |
| 1 | Представление данных. Описательная статистика | 1 |
| 2 | Случайная изменчивость. Средние числового набора | 1 |
| 3 | Случайные события. Вероятности и частоты | 1 |
| 4 | Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость | 1 |
| 5 | Отклонения | 1 |
| 6 | Дисперсия числового набора | 1 |
| 7 | Стандартное отклонение числового набора | 1 |
| 8 | Диаграммы рассеивания | 1 |
| 9 | Множество, подмножество | 1 |
| 10 | Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение | 1 |
| 11 | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения | 1 |
| 12 | Графическое представление множеств | 1 |
| 13 | Контрольная работа по темам "Статистика. Множества" | 1 |
| 14 | Элементарные события. Случайные события | 1 |
| 15 | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий | 1 |
| 16 | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий | 1 |
| 17 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор | 1 |
| 18 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор | 1 |
| 19 | Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями" | 1 |
| 20 | Дерево | 1 |
| 21 | Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер | 1 |
| 22 | Правило умножения | 1 |
| 23 | Правило умножения | 1 |
| 24 | Противоположное событие | 1 |
| 25 | Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий | 1 |
| 26 | Несовместные события. Формула сложения вероятностей | 1 |
| 27 | Несовместные события. Формула сложения вероятностей | 1 |
| 28 | Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события | 1 |
| 29 | Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события | 1 |
| 30 | Представление случайного эксперимента в виде дерева | 1 |
| 31 | Представление случайного эксперимента в виде дерева | 1 |
| 32 | Повторение, обобщение. Представление данных. Описательная статистика | 1 |
| 33 | Повторение, обобщение. Графы | 1 |
| 34 | Контрольная работа по темам "Случайные события. Вероятность. Графы" | 1 |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 |

**9 КЛАСС**

| № п/п | Тема урока | Количество часов |
| --- | --- | --- |
| Всего |
| 1 | Представление данных | 1 |
| 2 | Описательная статистика | 1 |
| 3 | Операции над событиями | 1 |
| 4 | Независимость событий | 1 |
| 5 | Комбинаторное правило умножения | 1 |
| 6 | Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний | 1 |
| 7 | Треугольник Паскаля | 1 |
| 8 | Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц" | 1 |
| 9 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1 |
| 10 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1 |
| 11 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1 |
| 12 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1 |
| 13 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха | 1 |
| 14 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха | 1 |
| 15 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха | 1 |
| 16 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли | 1 |
| 17 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли | 1 |
| 18 | Практическая работа "Испытания Бернулли" | 1 |
| 19 | Случайная величина и распределение вероятностей | 1 |
| 20 | Математическое ожидание и дисперсия случайной величины | 1 |
| 21 | Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины | 1 |
| 22 | Понятие о законе больших чисел | 1 |
| 23 | Измерение вероятностей с помощью частот | 1 |
| 24 | Применение закона больших чисел | 1 |
| 25 | Обобщение, систематизация знаний. Представление данных | 1 |
| 26 | Обобщение, систематизация знаний. Описательная статистика | 1 |
| 27 | Обобщение, систематизация знаний. Представление данных. Описательная статистика | 1 |
| 28 | Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события | 1 |
| 29 | Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики | 1 |
| 30 | Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики | 1 |
| 31 | Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения | 1 |
| 32 | Обобщение, систематизация знаний. Случайные величины и распределения | 1 |
| 33 | Итоговая контрольная работа | 1 |
| 34 | Обобщение, систематизация знаний | 1 |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 |